

# Undersøgelsesbaseret matematikundervisning og lektionsstudier

- Udvikling af læreres didaktiske kompetencer

Jacob Bahn

Phd-studerende matematiklærer

UCC og Institut for Naturfagernes Didaktik (IND), KU

Slides kan hentes nu på [ind.ku.dk/lektionsstudier](http://ind.ku.dk/lektionsstudier)

# Forskningsprojekt - overordnet

Lærere *eksperimenterer* med undersøgelsesbaseret matematikundervisning gennem lektionsstudier.

- Undersøgelsesbaseret matematikundervisning.
- Lektionsstudier.
- Didaktik.

# Didaktik

- Didaktik adskiller lærerfaget fra andre pædagogiske fag
- Men hvad er didaktik?
- Et bud: Teorien om Didaktiske Situationer

Fokus på didaktik betyder IKKE, at pædagogik osv. ikke er vigtigt!



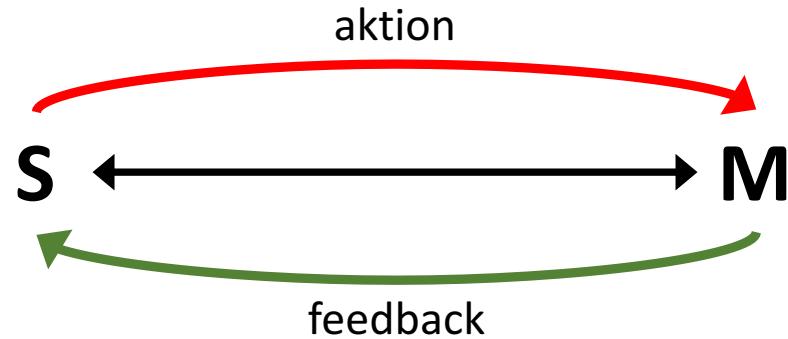
# Teorien om Didaktiske Situationer

- Fransk matematididaktisk teori
- Guy Brousseau (1933) - første eksperimenter som lærer
- Bygger på årtier eksperimenter
- IKKE et skrivebordsprojekt
  - en praktisk teori



# Teorien om Didaktiske Situationer

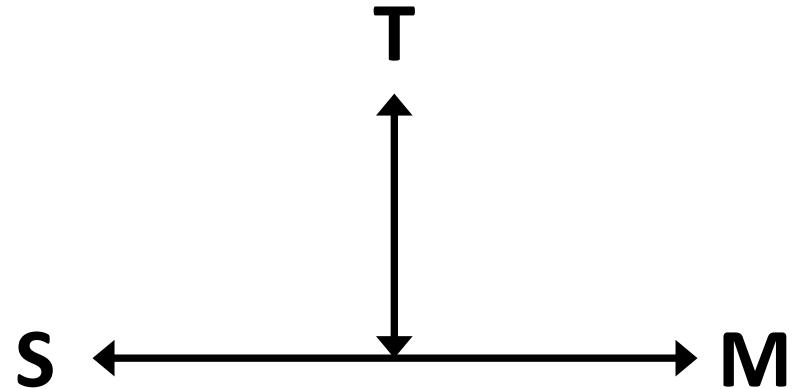
- Læring sker gennem tilpasning til et miljø.
- Didaktisk miljø: opgaver, informationer, redskaber osv.
- Eleven agerer ift. miljøet
- Miljøet giver feedback



- Aktionsmuligheder: Handle, formulere, validere

# Teorien om Didaktiske Situationer

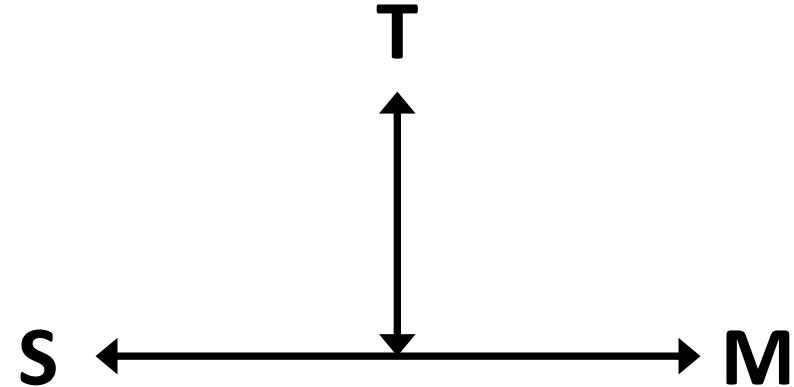
- Læring sker i didaktiske situationer



- Læreren opgaver:
  - Forberede miljøet (før lektionen)
  - Regulere elevens interaktion med miljøet (i lektionen)

# Teorien om Didaktiske Situationer

- Ny forståelse af min rolle som lærer
- Nyt sæt briller ift. at forstå mekanismer i undervisningen.



- (Ny) definition: *Didaktik handler om, hvordan elever reagerer, når vi præsenterer et givent stykke faglig viden på en given måde.*



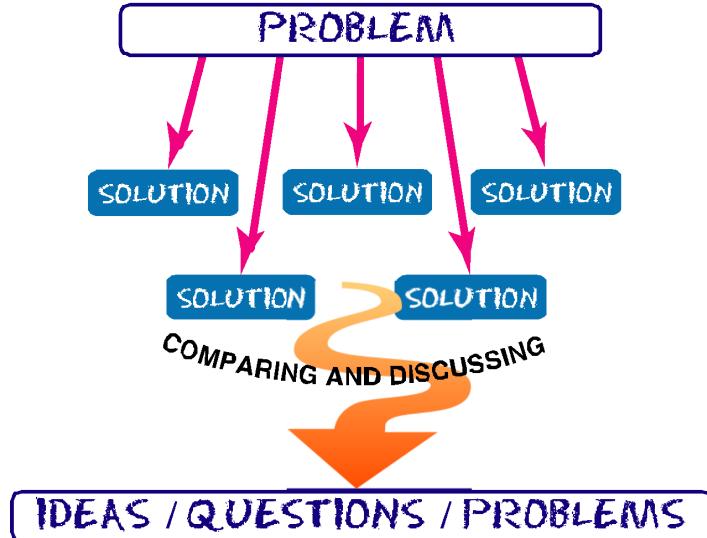
# Open-ended Approach

- Moden model for undersøgelsesbaseret matematikundervisning
- Udviklet af japanske lærere, læreruddannere og forskere gennem eksperimenter i praksis (lektionsstudier).
- Krediteres som en væsentlig del af fundamentet for japanske elevers høje engagement.



# Open-ended Approach

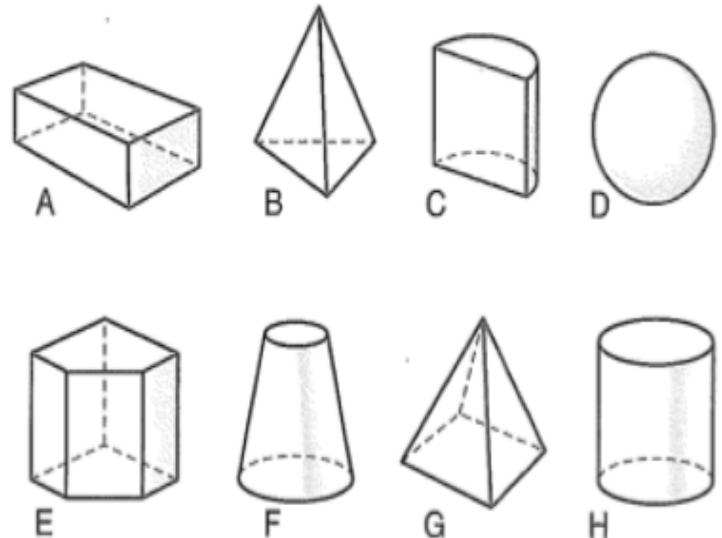
- Ét problem med flere løsningsmuligheder.
- 3 bærende principper:
  - Elevernes autonomi
  - Essentiel viden
  - Hensigtsmæssig vejledning
- Fokus på at udvikle og afprøve hypoteser og metoder.
- Faglig diskussion mellem *elever*.
- Sigter mod nye og bedre ideer, spørgsmål og problemer.



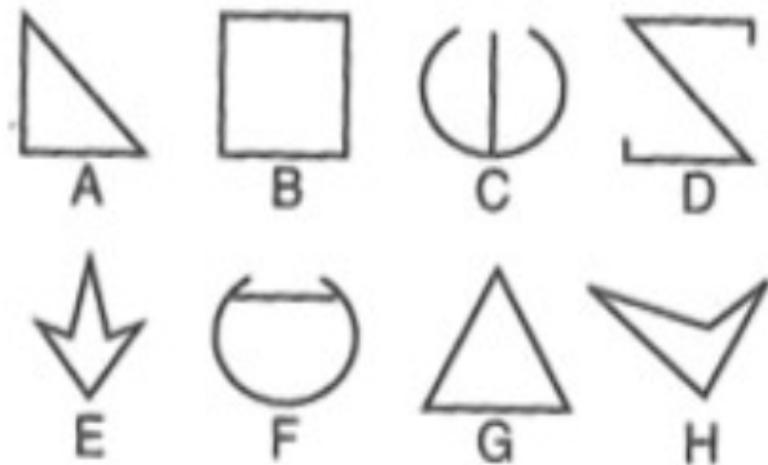


# Open-ended Approach

## Eksempel

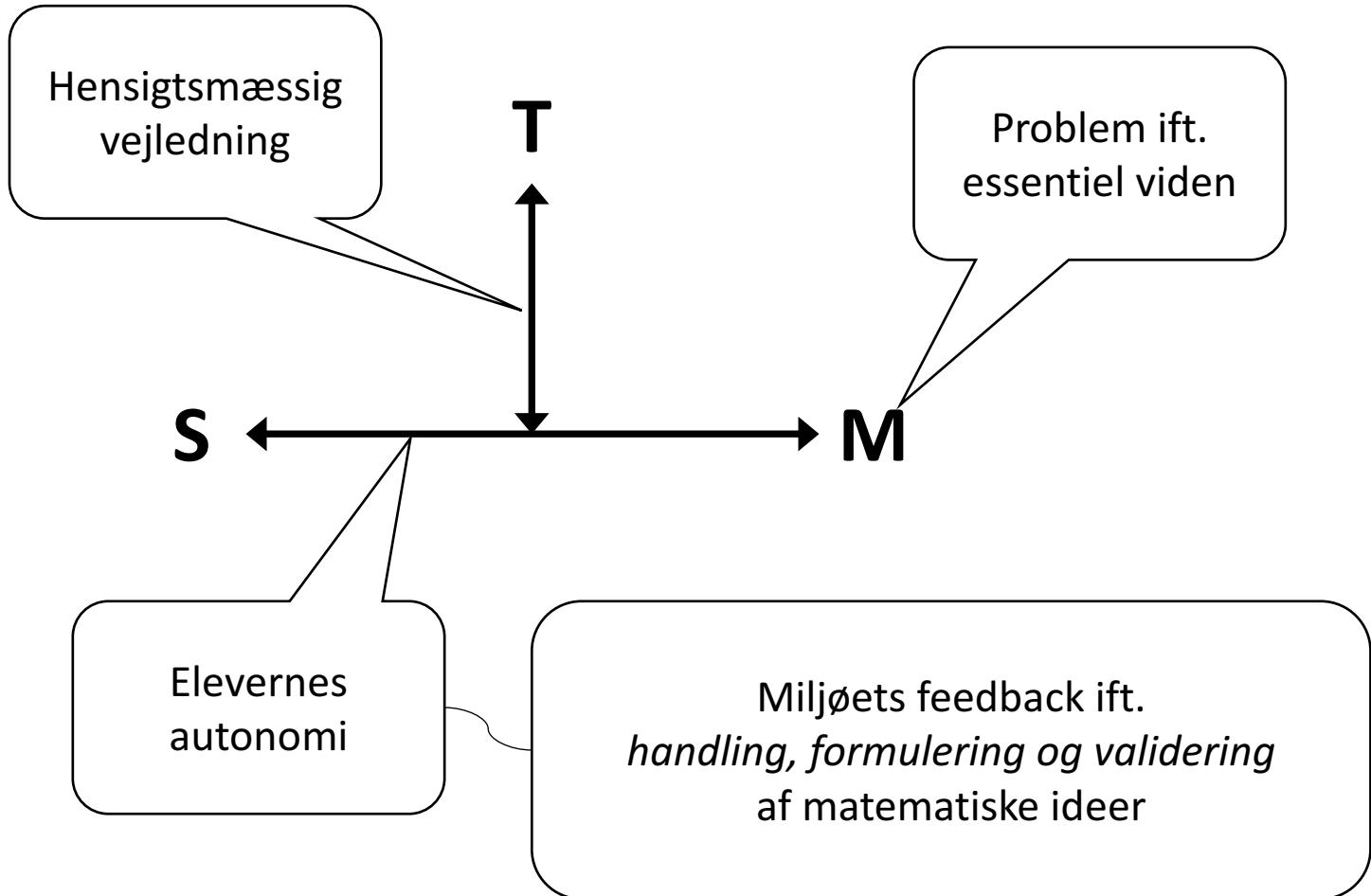


Hvilke rumlige figurer har noget til fælles med figur B? Hvad har de til fælles?



Find så mange karakteristika ved figurerne som muligt. Grupper figurerne ud fra disse karakteristika.

# Open-ended Approach og Teorien om Didaktiske Situationer



## Format til læreres udvikling af især didaktiske kompetencer \*

- Lærerstyret aktionsforskning
  - Didaktisk laboratorium
  - Træningsbane
- 
- Undervisning er et fælles anliggende
  - Fokus på undervisningen – ikke underviseren
    - dvs. hvordan eleverne reagerer, når vi underviser på den og den måde.

# Lektionsstudier i forskningsprojektet

Ingen faste regler, men:

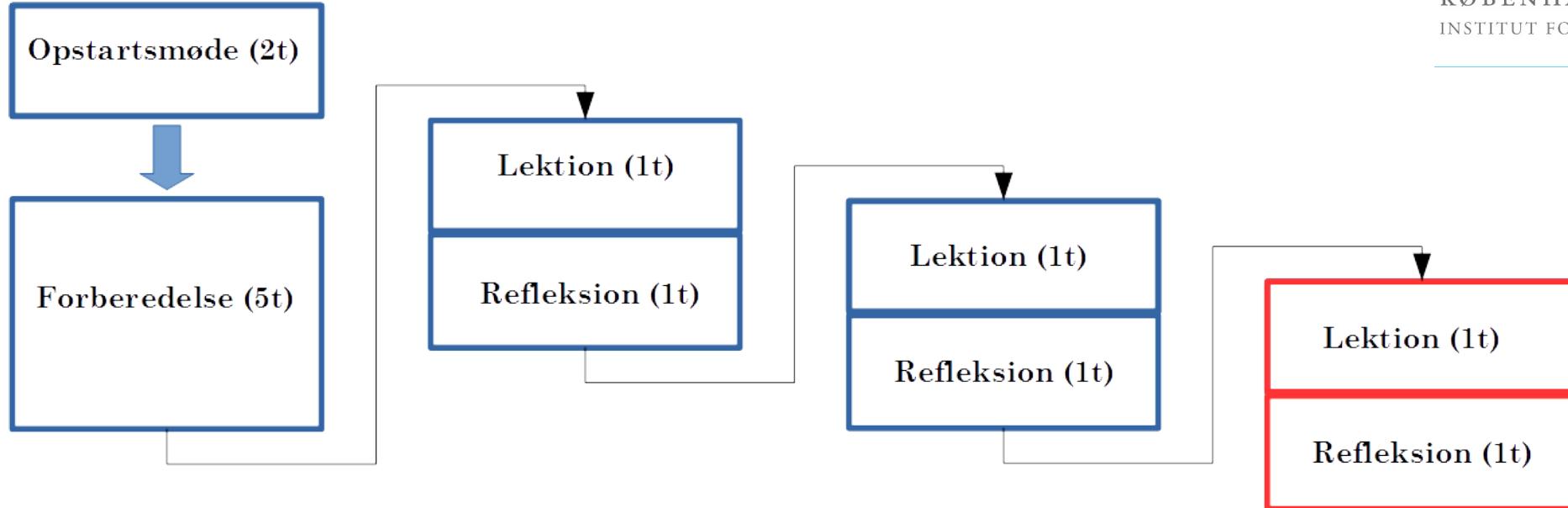
- Tydeligt undersøgelsesspørsgsmål
- Didaktisk analyse (emne, elever, materialer)
- Lektionsoplæg (læringsmål + didaktiske ideer)
- Lektion til afprøvning og observation af ideer
- Deling og analyse af observationer (refleksion)
- Facilitator
- Strukturer for deling af viden

# Lektionsstudier i forskningsprojektet



- *Opstartsmøde:*
  - fastlægge undersøgelsesspørsgsmål og læringsmål
- *Forberedelse:*
  - Didaktisk analyse (emne, materialer, elever).
  - Udvikling og diskussion af didaktiske ideer.
  - Udformning af lektionsoplæg
- *Lektion:*
  - Afprøvning af lektionsoplægget under observation
- *Refleksion:*
  - Deling af observationsdata og analyse af elevernes reaktioner

# Lektionsstudier i forskningsprojektet



3 skoler i Lyngby-Taarbæk Kommune

3 lektionsstudier hver i løbet af skoleåret 2015-2016

# Lektionsstudier

## Vigtige pointer:

- Lektionsstudier drejer sig *ikke* om at udvikle den perfekte lektion!!!
- Lektionsstudier er *ikke* et tryllepulver
- Lektionsstudier er vores mulighed for at studere didaktiske mekanismer, som de folder sig ud i praksis.
- Lektionsstudier giver viden og erfaringer, der kan ændre vores måde at tænke undervisning på.

# Resultater - generelle

- Afgørende med facilitator
- Kræver god planlægning
- Kræver opbakning fra ledelse og gerne forvaltning
- Øvelse gør mester
- Stor lyst til arbejde med forskning og udvikling
- Stor tilfredshed trods stor investering



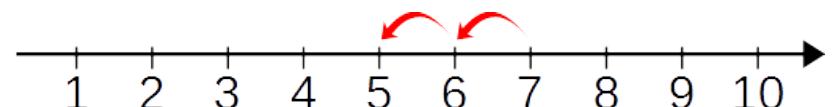
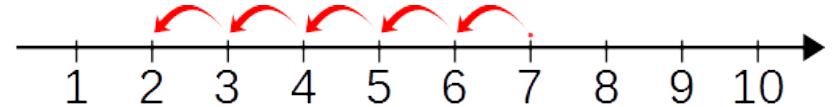
# Resultater - lærerne

- Øget matematikfaglig indsigt
  - "Det er fedt at få lov til at nørde i sit fag"
- Øget indsigt i elevers viden og kunnen
  - fx. overraskelser ift. stærke og svage elever
- Fokus fra aktiviteter til didaktik og læring
  - øget kritisk sans ift. didaktisk miljø, interaktion og feedback
  - betydningen af det vi siger, gør og præsenterer

# Eksempler

Subtraktion i 3. klasse

Metoder til subtraktion på en tallinje



Minus → forskel

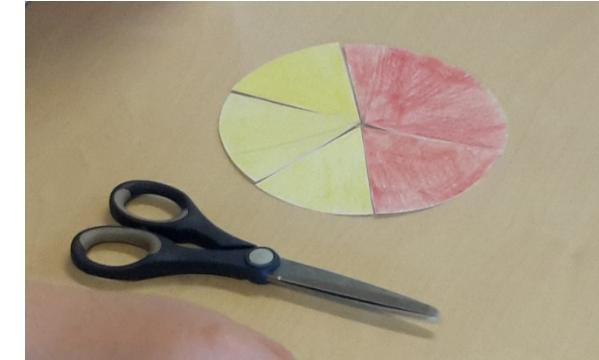
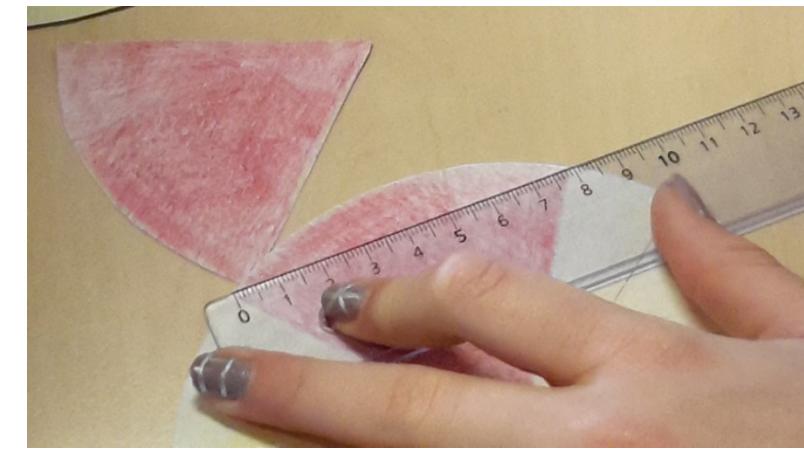
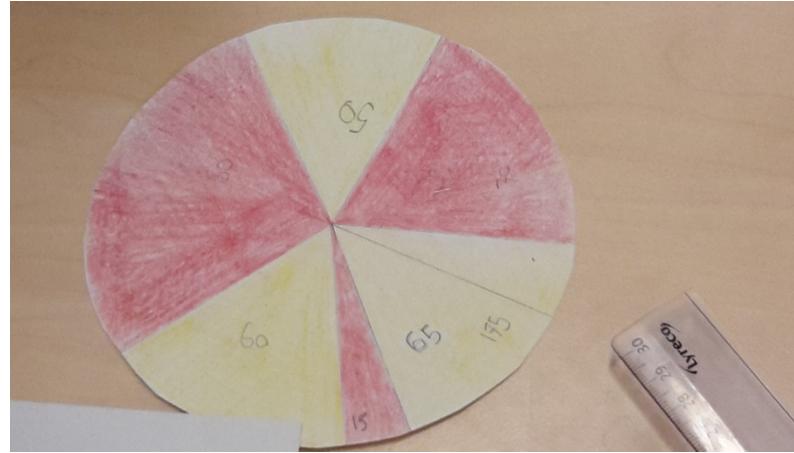
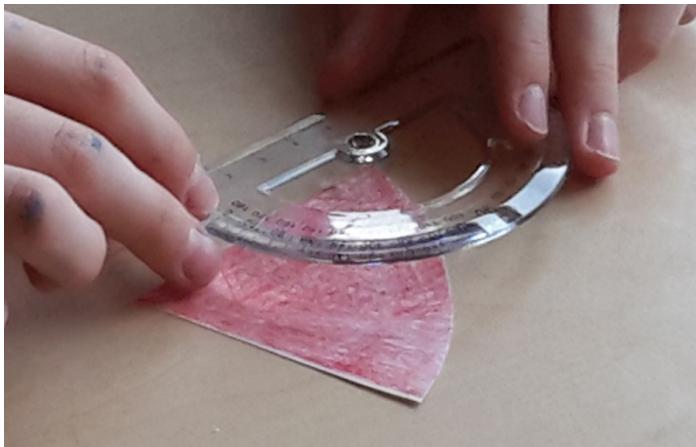
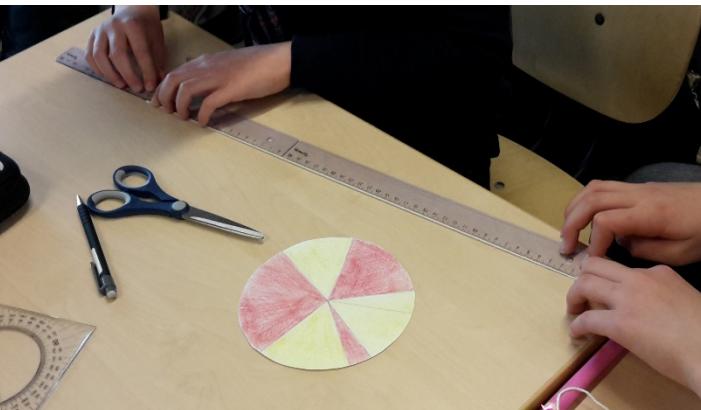
Regn  $7-5 \rightarrow$  Find forskel på 7 og 5

Regn  $19-4 \rightarrow$  Find forskel på 4 og 19

# Eksempler

Sandsynlig i 5. klasse

Metoder til at bestemme højest sandsynlighed



- **Lektionsstudier**
  - Kapitel 4. i *Teori-praksis-problematikken i læreruddannelsen – belyst gennem lektionsstudier* (phd-afhandling, RUC, Kaj Østergård, 2016)
  - *Et mysterium om tal* (Carl Winsløw i MONA nr. 1, 2009)
- **Open-ended Approach**
  - *The Open-ended Approach – a new proposal for teaching mathematics* (Becker & Shimada, NCTM, 1997)
- **Teorien om Didaktiske Situationer**
  - Kapitel 7. i *Didaktiske elementer* (Carl Winsløw, Biofolia, 2006)

*Flere links til litteratur og videoer på [ind.ku.dk/lektionsstudier](http://ind.ku.dk/lektionsstudier)*